



Tableaux à 2 dimensions, images

I. Les tableaux de Numpy

◇ On rencontre souvent des données qui se représentent naturellement par des tableaux à 2 dimensions (matrices, images). On pourrait utiliser des listes de listes mais le module **numpy** propose une structure de données adaptées : la structure *array*.

◇ Cette structure permet de regrouper dans un tableau des éléments de même type (en général *int*, *float* ou *complex*). Ce tableau peut avoir plusieurs dimensions mais on rencontrera uniquement deux cas : des tableaux à 1 dimension (analogue des vecteurs en mathématiques) ou 2 dimensions (analogue des matrices en mathématiques).

```
>>> import numpy as np
>>> A = np.array([[1, 2, 3, 4],
...              [5, 6, 7, 8],
...              [9, 0, 0, 0]])
>>> print(A)
[[1 2 3 4]
 [5 6 7 8]
 [9 0 0 0]]
>>> print(A[1, 2])
7
>>> print(A[:, 1])
[2 6 0]
>>> print(A[2, :])
[9 0 0 0]
```

$$A: \begin{array}{c|cccc} & \begin{matrix} j \\ 0 \ 1 \ 2 \ 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} i \\ 0 \\ 1 \\ 2 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ 9 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{array}$$

```
>>> (n,m) = A.shape
>>> print(n,m)
3 4
```

⚠ Dans un *array* (contrairement aux listes) tous les éléments doivent être du même type, en général *int* ou *float*;

```
B = np.zeros((2, 3))
print(B)
```

```
[[ 0.  0.  0.]
 [ 0.  0.  0.]
```

```
C = np.random.randint(0, 6, (2, 3))
print(C)
```

```
[[3 3 5]
 [3 4 1]]
```

II. Application : traitement d'images

◇ On dispose d'un tableau A de taille $n \times m$ représentant une image en niveaux de gris : chaque coefficient de A est un nombre entier compris entre 0 (noir) et 255 (blanc).

◇ Pour éclaircir A , on définit un nouveau tableau E avec $E[i, j] = \sqrt{A[i, j]}$. Pour que les coefficients de E restent entiers et compris entre 0 et 255 on pose en fait $E[i, j] = \lfloor 16\sqrt{A[i, j]} \rfloor$.



```
(n,m) = A.shape
E = np.zeros((n,m))
for i in range(0,n): # 0<=i<=n-1
    for j in range(0,m): # 0<=j<=m-1
        E[i,j] = int(16*A[i,j]**0.5)
```



III. Calculs mathématiques sur les tableaux

◇ Le module NUMPY propose des fonctions mathématiques analogues à celles du module `math` mais qui s'appliquent aux tableaux coefficient par coefficient. Exemple :

```
A = np.array([[0,1],[2,4]])
E = np.sqrt(A)
print(E)
```

```
[[ 0.  1. ]
 [ 1.41421356  2. ]]
```

Le traitement d'image précédent pouvait donc s'écrire simplement :

```
E = np.floor(16*np.sqrt(A))
```

◇ On dispose ainsi des fonctions `np.exp`, `np.log`, `np.cos`, etc. On peut également réaliser des opérations mathématiques « coefficient par coefficient » :

```
B = A+1
print(B)
```

```
[[1 2]
 [3 5]]
```

```
C = A**2
print(C)
```

```
[[ 0  1]
 [ 4 16]]
```

```
D = 2*A
print(D)
```

```
[[0 2]
 [4 8]]
```