

Représentations graphiques (Python et Scilab)

- ♦ Objectifs : représenter graphiquement des suites, des fonctions (et des mesures expérimentales). Donner des noms aux courbes, aux axes, à la figure.
- ♦ Les différentes étapes pour effectuer le tracé avec PYTHON :

```
(Si besoin)
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
                                        Importer le module de tracé
                                        Représenter graphiquement les points
plt.plot(x,y,...)
                                        donc les abscisses sont dans x et les ordon-
                                        nées dans y (x et y sont des listes, ou des
                                        tableaux, de même taille). Répéter cette
                                        étape pour chaque courbe à tracer
                                        Donner les noms des différentes courbes
plt.legend(...)
plt.xlabel(...)
                                        Donner les noms des axes
plt.ylabel(...)
                                        Donner le nom du dessin
plt.title(...)
plt.show()
                                        Afficher la fenêtre graphique
```

♦ Avec SCILAB, pas de module particulier à utiliser et les commandes sont très semblables :

```
scf()Créer une nouvelle fenêtre graphiqueplot(x,y,...)Représenter graphiquement les points donc les abscisses sont dans<br/>x et les ordonnées dans y (x et y sont des matrices ligne ou colonne<br/>de même taille). Répéter cette étape pour chaque courbe à tracerlegend(...)Donner les noms des différentes courbesxlabel(...)Donner les noms des axesylabel(...)Donner le nom du dessin
```

Remarque. On peut ajouter à la commande **plot** des indications supplémentaires pour préciser le style du tracé sous forme d'une chaîne de caractères : "ro" pour un tracé avec des ronds rouges, "b--" pour un tracé avec une ligne en pointillés bleus, "g-" pour un tracé avec une ligne pleine verte, etc. On se reportera aux exemples vus en classe.

Exemples de représentations graphiques

Suites

Exemple. On considère la suite $(u_n)_{n\geq 0}$ définie par :

$$u_0 = 1$$

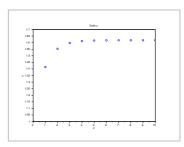
$$\forall n \in \mathbb{N}, \ u_{n+1} = \sqrt{u_n + 1}$$

Représenter graphiquement les valeurs prises par la suite (u_n) pour $0 \le n \le 10$.

```
import matplotlib.pyplot as plt
def u(n):
    u=1
    for k in range(n):
        u=(u+1)**0.5
    return u
plt.plot([u(k) for k in range(11)], 'bo')
plt.title("Suite u")
plt.xlabel("n")
plt.ylabel("u")
```

```
plt.show()
```

```
function y=u(n)
    y=1
    for k=1:n
        y=(y+1)^0.5
    end
endfunction
scf()
plot(0:10, feval(0:10, u), 'bo')
title("Suite u")
xlabel("n")
ylabel("u")
```



Fonctions

Exemple. Représenter les fonctions $f: x \mapsto e^{-x^2}$ et $g: x \mapsto \begin{bmatrix} 0 & \text{si } x < 0 \\ 1.5 & \text{si } x \ge 0 \end{bmatrix}$ sur [-3,3].

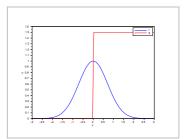
```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def g(x):
    if x<0:
        return 0
    else:
        return 1.5

x=np.linspace(-3,3,100)
plt.plot(x,np.exp(-x**2),'b-')
plt.plot(x,[g(xi) for xi in x],'r-')
plt.legend(["f","g"])
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("y")</pre>
```

```
plt.show()
```

```
function y=g(x)
    if x<0 then
        y=0
    else
        y=1.5
    end
endfunction
x=linspace(-3,3,100)
scf()
plot(x,exp(-x.^2),'b-')
plot(x,feval(x,g),'r-')
legend("f","g")
xlabel("x")
ylabel("y")</pre>
```



Un exemple en chimie

Exemple. On mesure la concentration C(t) d'une espèce chimique à différents instants. On obtient le tableau ci-contre. Par ailleurs, une étude théorique montre que l'évolution de cette concentration peut être modélisée par la fonction :

$$C: t \mapsto \frac{1}{kt + \frac{1}{C_0}}$$

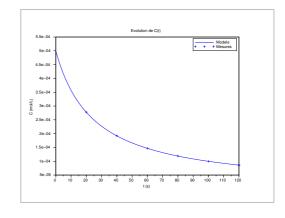
avec $k = 80.2 \text{ mol}^{-1} \cdot \text{L} \cdot \text{s}^{-1}$ et $C_0 = 5.0 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$. Représenter sur le même graphique la courbe théorique et les valeurs expérimentales.

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
t_mes=[20,40,60,80,100,120]
C_mes=[2.78e-4,1.92e-4,1.47e-4,1.19e-4,1.0e-4,0.86e-4]
k=80.2
C0=5.0e-4
t=np.linspace(0,120,100)
plt.plot(t,(k*t+1/C0)**(-1))
plt.plot(t_mes,C_mes,'+',markersize=12)
plt.legend(["Modele","Mesures"])
plt.title("Evolution de C(t)")
plt.xlabel("t (s)")
plt.ylabel("C (mol/L)")
```

```
plt.show()
```

```
t_mes=[20,40,60,80,100,120]
C_mes=[2.78e-4,1.92e-4,1.47e-4,1.19e-4,1.0e-4,0.86e-4]
```

```
k=80.2
C0=5.0e-4
t=linspace(0,120,100)
scf()
plot(t,(k*t+1/C0).^(-1))
plot(t_mes,C_mes,'+')
legend("Modele","Mesures")
title("Evolution de C(t)")
xlabel("t (s)")
ylabel("C (mol/L)")
```



Un exemple en physique

Exemple. On considère l'équation différentielle du second ordre sous forme canonique :

$$\frac{1}{\omega_0^2} \frac{\mathrm{d}^2 u_c}{\mathrm{d}t^2} + \frac{2\xi}{\omega_0} \frac{\mathrm{d}u_c}{\mathrm{d}t} + u_c = 0$$

avec $w_0 = 10^4 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$ et $\xi = 0.5$ ainsi que la solution :

$$u_c(t) = A\cos(\omega_a t) \exp(-\xi \omega_0 t)$$

avec A=1 V et $\omega_a=\omega_0\sqrt{1-\xi^2}$ (régime peudopériodique). Représenter la fonction u_c en traits pleins ainsi que les fonctions $t\mapsto \pm A\exp(-\xi\omega_0t)$ en pointillés sur [0,4T] avec $T=2\pi/\omega_0$.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
w_0=1e4
xi=0.5
A=1
w_a=w_0*np.sqrt(1-xi**2)
T=2*np.pi/w_0
t=np.linspace(0,4*T,100)
plt.plot(t,A*np.cos(w_a*t)*np.exp(-xi*w_0*t),'b-')
plt.plot(t,A*np.exp(-xi*w_0*t),'r--')
plt.plot(t,-A*np.exp(-xi*w_0*t),'r--')
plt.plot(t,-A*np.exp(-xi*w_0*t),'r--')
plt.xlabel("t (s)")
plt.ylabel("u_c (V)")
plt.title("Regime pseudoperiodique")
```

plt.show()

```
w_0=1e4
xi=0.5
A=1
w_a=w_0*sqrt(1-xi^2)
T=2*%pi/w_0
t=linspace(0,4*T,100)
plot(t,A*cos(w_a*t).*exp(-xi*w_0*t),'b-')
plot(t,A*exp(-xi*w_0*t),'r--')
plot(t,-A*exp(-xi*w_0*t),'r--')
xlabel("t (s)")
ylabel("u_c (V)")
title("Regime pseudoperiodique")
```

